

## **ОЦЕНКА НЕОПРЕДЕЛЕННОСТИ ИЗМЕРЕНИЯ ИНДИВИДУАЛЬНОГО ПОТРЕБЛЕНИЯ ТЕПЛОВОЙ ЭНЕРГИИ**

**Ю. И. ШТЕРН, Я. С. КОЖЕВНИКОВ, В. А. МЕДВЕДЕВ, М. Ю. ШТЕРН,  
Р. Е. МИРОНОВ**

*Национальный исследовательский университет «МИЭТ»,*

*Москва, Россия, e-mail: r.e.mironov@gmail.com*

*Проведена оценка доверительных границ систематической погрешности измерения индивидуального потребления тепловой энергии при помощи оригинальной методики, основанной на использовании высокоточных интеллектуальных датчиков температуры с беспроводным интерфейсом.*

**Ключевые слова:** тепловая энергия, интеллектуальные датчики температуры, погрешность измерения.

*Estimation of the limits of systematic inaccuracy of measuring of individual heat energy consumption by the original method based on the using of high-accuracy intellectual temperature transducers with wireless interface was carried out.*

**Key words:** thermal energy, smart temperature sensors, measurement error.

Для учета индивидуального потребления тепловой энергии авторами данной статьи создана не имеющая аналогов интеллектуальная измерительная система контроля и учета потребления энергоресурсов, организуемая по единому сетевому принципу [1, 2]. С ее помощью напрямую измеряют потребленные тепловую энергию, холодную и горячую воду, выполняя прием данных по радиоканалу на частотах 434 или 868 МГц от беспроводных измерителей температуры, расхода объема воды и теплоносителя, выполняя также вычисления и индициацию результатов. В качестве термометров используют беспроводные измерители температуры ИТБ-1. Счетчики горячей и холодной воды с импульсным выходом каналов измерений объемов воды

подключают к двухканальному беспроводному счетчику импульсов СИБ-2К. В роли расходомеров теплоносителя в каналах измерений тепловой энергии выступают приборы с импульсным выходом, подключающиеся к одноканальному беспроводному счетчику импульсов СИБ-1К. Термометры и расходомеры воды устанавливают на трубопроводах систем отопления и водоснабжения. Данные передают на этажные ретрансляторы локальные РЛ-1, а затем по проводному или беспроводному интерфейсу на сервер, представляющий собой промышленный компьютер. Предлагаемый в системе индивидуальный учет тепловой энергии основывается на использовании высокоточных средств измерения температуры – ИТБ-1 с абсолютной погрешностью измерений  $\pm 0,05$  °C [3].

В процессе исследований оценивают доверительные границы систематической погрешности измерения разности температур теплоносителя в системах отопления в соответствии с Рекомендациями [4], которые основываются на основных положениях, используемых в Руководстве [5], разработанном под эгидой Международного комитета мер и весов (МКМВ) Международной организацией по стандартизации (ИСО), Международной организацией по законодательной метрологии (МОЗМ) и др.

Оценку суммарной стандартной неопределенности рассчитывают как

$$u_c = \sqrt{u_a^2 + u_b^2},$$

где  $u_a$ ,  $u_b$  – стандартные неопределенности, оцененные по типам «А» путем статистического анализа результатов многократных измерений и «В» (в качестве исходных данных для вычислений использованы данные поверки, калибровки и др.)

В связи с тем, что статистический анализ результатов многократных измерений не проводился, рассмотрим систематическую погрешность как неопределенность измерений, вычисленную по типу «В», т. е. с использованием исходных данных по калибровке ИТБ-1. В данном случае суммарная стандартная неопределенность равна [4]:

$$u_{c\Delta t} = \sqrt{u_{ct1}^2 + u_{ct2}^2},$$

где  $u_{ct1}$ ,  $u_{ct2}$  – суммарные стандартные неопределенности для температур  $t_1$  и  $t_2$ , соответственно,  $u_{ct1} = u_{ct2} = b_i / \sqrt{3}$ ,  $b_i$  – симметричные границы

отклонения измеряемой величины от результата измерений (в случае ИТБ-1  $b_i = 0,05 \text{ }^{\circ}\text{C}$ );  $t_1, t_2$  – температуры теплоносителя в стояке на входе и выходе из отапливаемой квартиры, соответственно.

Результаты расчета относительной стандартной неопределенности определения разности температур теплоносителя, приходящейся на одну квартиру ( $\Delta t = t_2 - t_1$ )  $\delta u_{c\Delta t} = \frac{u_{c\Delta t}}{\Delta t} 100$ , представлены в табл. 1.

Т а б л и ц а 1

**Результаты расчета относительной стандартной неопределенности**

$\Delta t, \text{ }^{\circ}\text{C}$	Относительная стандартная неопределенность по $\Delta t (\delta u_{c\Delta t})$ , %
0,3	13,61
0,5	8,16
1,0	4,08
1,5	2,72
2,0	2,04
2,5	1,63
3,0	1,36

На рис. 1 изображен график зависимости относительной стандартной неопределенности измерения  $\Delta t$  от значения разности температур теплоносителя, приходящейся на одну квартиру. Для расчета относительной доверительной погрешности определения тепловой энергии найдем расширенную неопределенность с доверительной вероятностью  $p$  и коэффициентом охвата  $k(p)$  [4]:

$$U = k(p)u_c. \quad (1)$$

Коэффициент охвата выбирается в соответствии с формулой

$$k(p) = t_p(v_s),$$

где  $t_p(v_s)$  – квантиль распределения Стьюдента с эффективным числом степеней свободы  $V_s$  и доверительной вероятностью  $p$ . Значения  $t_p(v_s)$  приведены в [4].

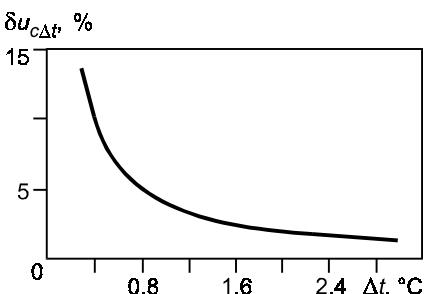


Рис. 1. Относительная стандартная неопределенность измерения разности температур

Количество тепловой энергии определяется как

$$Q = cm\Delta t, \quad (2)$$

где  $c$ ,  $m$  – удельная теплоемкость и масса теплоносителя.

Таким образом, исходя из (1), (2) расширенная неопределенность по тепловой энергии равна

$$U_Q = k(p) \sqrt{\left( \frac{\partial Q}{\partial m} \right)^2 u_{cm}^2 + \left( \frac{\partial Q}{\partial \Delta t} \right)^2 u_{c\Delta t}^2} = k(p) \sqrt{u_{cm}^2 \Delta t^2 c^2 + u_{c\Delta t}^2 m^2 c^2},$$

где  $u_{cm}$ ,  $u_{c\Delta t}$  – суммарные стандартные неопределенности определения массы и разности температур, соответственно.

Рассчитаем относительную доверительную погрешность определения тепловой энергии (относительную расширенную неопределенность по  $Q$ )

$$\delta U_Q = \frac{U_Q}{Q} 100 = k(p) \sqrt{\frac{u_{cm}^2}{m^2} + \frac{u_{c\Delta t}^2}{\Delta t^2}} 100,$$

или

$$\delta U_Q = k(p) \sqrt{(\delta u_{cm})^2 + (\delta u_{c\Delta t})^2}. \quad (3)$$

Во многих случаях для вычисления неопределенностей результатов, при равномерном законе распределения, делают предположение о равномерности закона и полагают, что  $k(p) = 1,65$  при  $p = 0,95$  [4].

При расчете массы теплоносителя (в данном случае – воды) значение плотности выбирают с учетом его температуры. Так, погрешность расчета массы воды будет определяться погрешностью измерения ее объема, а она с учетом используемых в разработанной системе расходомеров не превышает 2 %, следовательно, относительная стандартная неопределенность измерения массы теплоносителя  $\delta u_{cm} = 2 \%$ .

Результаты расчета относительной доверительной погрешности определения тепловой энергии по (3) представлены в табл. 2.

На рис. 2 показана прямая зависимость относительной погрешности измерения тепловой энергии от разности температур теплоносителя, приходящейся на одну квартиру.

**Результаты расчета относительной доверительной погрешности определения тепловой энергии**

$\Delta t, ^\circ\text{C}$	Относительная доверительная погрешность, %. Равномерное распределение
0,3	22,69
0,5	13,87
1,0	7,50
1,5	5,57
2,0	4,72
2,5	4,26
3,0	3,99

Используя расчетный температурный график систем отопления многоквартирных домов [6] и данные о средней температуре окружающего воздуха по г. Москве [7] за столетний период осреднения, определим разность температур в стояках отопления, приходящуюся на одну квартиру и соответствующую этой разности температур относительную доверительную погрешность определения тепловой энергии ( $\delta Q_{\text{кв}}$ ) из (3), примем, что один стояк проходит через 10 этажей ( $\Delta t_{\text{ст}}/10 = 10^\circ\text{C}$ ). Результаты расчетов представлены в табл. 3.

Используя данные табл. 3 и ежемесячного потребления тепловой энергии многоквартирными домами, рассчитаем средневзвешенную арифметическую погрешность определения тепловой энергии, потребленной одной квартирой за отопительный сезон.

$$\delta \bar{Q}_{\text{кв}} = \sum_{i=1}^{12} Q_i \delta Q_{\text{кв}i} / \sum_{i=1}^{12} Q_i, \quad (4)$$

где  $Q_i$  – количество тепловой энергии, потребленное за месяц  $i$  ( $i = 5 \dots 9, Q = 0$ );  $\delta Q_{\text{кв}i}$  – погрешность определения тепловой энергии за месяц  $i$ .

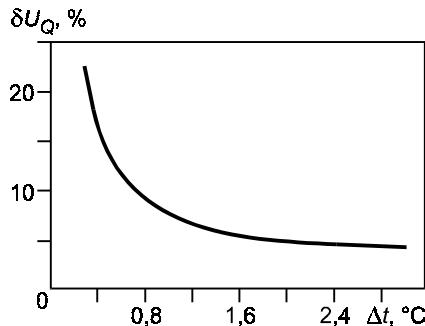


Рис. 2. Относительная доверительная погрешность определения тепловой энергии

**Результаты расчетов разности температур в стояках отопления  
и доверительной погрешности определения тепловой энергии**

Месяц	$t_{\text{окр.ср}}, ^\circ\text{C}$	$t_n, ^\circ\text{C}$	$t_o, ^\circ\text{C}$	$\Delta t_{\text{ct}}, ^\circ\text{C}$	$\Delta t_{\text{ct}} / 10 ^\circ\text{C}$	$\delta Q_{\text{кв}}, \%$
1	-10,2	71	55	16	1,6	<b>5,36</b>
2	-9,2	69	54	15	1,5	<b>5,58</b>
3	-4,3	62	49	13	1,3	<b>6,13</b>
4	4,4	47	39	8	0,8	<b>9,06</b>
5	11,9	—	—	—	—	—
6	16	—	—	—	—	—
7	18,1	—	—	—	—	—
8	16,3	—	—	—	—	—
9	10,7	—	—	—	—	—
10	4,3	47	39	8	0,8	<b>9,06</b>
11	-1,9	58	46	11	1,1	<b>6,94</b>
12	-7,3	67	52	14	1,4	<b>5,83</b>

П р и м е ч а н и е .  $t_{\text{окр.ср}}$  – средняя температура окружающей среды;  $t_n$ ,  $t_o$  – расчетные температуры подающего и обратного трубопроводов;  $\Delta t_{\text{ct}}$  – разность температуры подающего и обратного трубопроводов отопительного стояка.

Определение погрешности  $\delta Q_{\text{кв}i}$  по количеству потребленной тепловой энергии за месяц достаточно трудоемкая и сложная задача, так как  $Q_i$  зависит от типа здания и свойств системы отопления. Однако если принять, что при качественном (температурном) регулировании системы отопления массовый расход теплоносителя практически не меняется ( $m = \text{const}$ ) и его теплофизические свойства постоянны ( $c = \text{const}$ ), то, согласно (2), (4), получим выражение для определения средневзвешенной арифметической погрешности потребленной за отопительный сезон тепловой энергии

$$\delta \bar{Q}_{\text{кв}} = \sum_{i=1}^{12} \frac{\Delta t_{\text{ct}i}}{10} \delta Q_{\text{кв}i} \left/ \sum_{i=1}^{12} \frac{\Delta t_{\text{ct}i}}{10} \right., \quad (5)$$

где  $\Delta t_{\text{ct}i}$  – разность температуры подающего и обратного трубопроводов отопительного стояка в  $i$  месяц.

Таким образом, из (5) и данных табл. 3 следует, что средневзвешенная арифметическая погрешность определения тепловой энергии, потребленной одной квартирой за отопительный сезон, составляет не

более 6,5 %, что является вполне приемлемым. Необходимо также отметить, что эта погрешность ниже, чем у единственного альтернативного способа индивидуального учета тепловой энергии, основанного на использовании распределителей потребленного тепла [8].

## ЛИТЕРАТУРА

1. Пат. 2374566 РФ. Система измерения и учета поквартирного потребляемого тепла в системах теплоснабжения /В. А. Беспалов и др. // Изобретения. Полезные модели. 2009. № 33.
2. Штерн Ю. И., Кожевников Я. С., Рыков В. М. Интеллектуальная система контроля индивидуального потребления энергоресурсов. //Приборы и системы. Управление, контроль, диагностика. 2012 № 12. С. 52 – 58.
3. Пат. 2450250 РФ. Устройство для измерения температуры теплоносителя и беспроводной измеритель температуры /Я. С. Кожевников и др. //Изобретения. Полезные модели. 2012. № 13.
4. РМГ 43–2001. ГСИ. Применение «Руководства по выражению неопределенности измерений».
5. Руководство по выражению неопределенности измерений /Пер. с англ. /Под ред. В.А. Слаева. СПб.: ВНИИМ, 1999.
6. Манюк В. И. и др. Наладка и эксплуатация водяных тепловых сетей. Справочник. М.: Книжный дом «ЛИБРОКОМ», 2009.
7. Строительная климатология: Справ. пособие к СНиП 23-01-99 /Под ред. В. К. Савина. М.: НИИ строительной физики РААСН, 2006.
8. Медведев В. А. Счетчики-распределители теплопотребления. Метрологические аспекты // Мир измерений. 2004. № 5. С. 17 – 19.

*Дата принятия 29.01.2013 г.*

